

## Задача А. Шифр замены

*Шифр простой замены, простой подстановочный шифр, моноалфавитный шифр — класс методов шифрования, которые сводятся к созданию по определённому алгоритму таблицы шифрования, в которой для каждой буквы открытого текста существует единственная сопоставленная ей буква шифр-текста. Само шифрование заключается в замене букв согласно таблице. Для расшифровки достаточно иметь ту же таблицу, либо знать алгоритм, по которой она генерируется.*

[Wikipedia](#)

Разведчик Максим Максимович Исаев смог получить текст, зашифрованный шифром замены. Об исходном тексте известно, что слова в нем были расположены в алфавитном порядке. Помогите Максиму Максимовичу восстановить исходный текст по данному зашифрованному. Если вариантов расшифровки несколько — выведите любой из них.

### Входные данные

В первой строке вводится число  $N$  — количество строк. В следующих  $N$  строках вводится по одному зашифрованному слову.

### Результат

В качестве ответа необходимо сдать файл с  $N$  расшифрованными строками в том же порядке, в котором они идут во входном файле. Гарантируется, что хотя бы один корректный вариант расшифровки существует.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
3	ab
c b	bbb
bbb	bca
bac	

## Задача В. Крафтинг

В игре «The Modern Scrolls Offline» (TMS:O), как и в большинстве ролевых игр, можно делать оружие и броню из сырья (этот процесс называется «крафтинг»). Во вселенной TMS существует всего два вида сырья — звериная шкура и слиток железа. Также во вселенной игры есть один вид оружия — кинжал, и один вид доспехов — кожаная кираса.

Миша очень любит играть в TMS и за время своих путешествий по игровому миру собрал  $K$  звериных шкур и  $N$  железных слитков. Шкуры и слитки занимают ценное место в инвентаре и Миша хочет изготовить некоторое количество кинжалов и кирас так, чтобы в итоге у него осталось как можно меньше неиспользованных шкур и слитков. При этом максимизировать суммарное количество кинжалов и кирас Мише не нужно — у него и так много денег и опыта.

На изготовление кинжала требуется  $A$  шкур и  $B$  слитков. На изготовление кирасы —  $C$  шкур и  $D$  слитков.

### Входные данные

В первой строке заданы 4 целых числа  $A, B, C, D$ .

Во второй строке указано два числа  $K$  и  $N$ .

### Результат

В качестве ответа нужно вывести два числа:  $X$  и  $Y$  — количество изготовленных кинжалов и кирас соответственно. Если вариантов ответа несколько — выведите любой из них.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
2 3 3 2 6 7	0 2

## Задача С. Жизнь на прямой

Игра «Жизнь» на прямой практически не отличается от игры «Жизнь» на клетчатом поле.

Опишем правила подробнее. Игровое поле представляет собой бесконечную в одну сторону полосу с клетками, занумерованными натуральными числами, начиная с 1. На первом ходе «живой» является только клетка с номером 1. На каждом ходе происходит обновление всех клеток поля. Если у клетки на предыдущем ходе был ровно один живой сосед, то на текущем ходе она также будет живой. В противном случае клетка умирает. У клетки с номером 1 существует только один сосед — клетка с номером 2.

По заданному  $N$  необходимо определить, сколько всего живых клеток будет на ходе с номером  $N$ .

В первом тесте  $N = 10000$

Во втором тесте  $N = 9876543210$

Рассмотрим пример для всех ходов до пятого (X — живая клетка). Состояние поля записано в каждой строке таблицы.

Номер хода	1	2	3	4	5	Ответ
1	X					1
2		X				1
3	X		X			2
4				X		1
5			X		X	2

### Входные данные

В каждом входном файле записано одно натуральное число — количество ходов  $N$ .

### Результат

В качестве ответа для каждого из тестов необходимо сдать текстовый файл, содержащий одно целое число — количество живых клеток на заданном ходе.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
5	2

## Задача D. Системы счисления

$A_p$  – представление числа  $A$  в системе счисления  $P$ , где  $a_0, a_1, \dots, a_{m-1}, a_m$  – цифры. Напомним, что  $A_p = (a_ma_{m-1}\dots a_1a_0)_p = (P^m * a_m + P^{m-1} * a_{m-1} + \dots + P^1 * a_1 + P^0 * a_0)_{10}$ . Сумма цифр числа  $A$  равна  $a_m + a_{m-1} + \dots + a_1 + a_0$ .

Пример:  $153_{10} = BA_{13}$ .

Сумма цифр тринадцатеричной записи этого числа равна в десятичной системе  $11_{10} + 10_{10} = 21_{10}$ .

Необходимо найти минимальное число  $N$  в десятичной системе счисления, как минимум двузначное, такое, что его сумма цифр (представленная в десятичной системе счисления) в системе счисления  $A$  равна сумме цифр в системе счисления  $B$ .

### Входные данные

Во входном файле содержится несколько тестов. Тест представляет собой непустую строку, в которой записаны два натуральных числа, разделенных пробелом:  $A$  и  $B$  ( $1 < A \leq 10^6$  и  $1 < B \leq 10^6$ ). Количество тестов во входном файле не превышает  $10^4$ .

### Результат

Для каждого теста выведите в отдельной строке ответ на задачу. Гарантируется, что ответ на каждый тест меньше  $10^{18}$ .

### Пример

Входные данные	Выходные данные
2 11	12
13 5	15
9 12	96
2 16	16

Стоит обратить внимание, что цифры мы представляем в десятичной системе счисления. Сумма считается тоже в десятичной системе счисления.

Разберем третью строку из условия:  $96_{10} = 116_9 = 80_{12}$ . В первом случае сумма цифр равна  $1 + 1 + 6 = 8$ , а во втором случае  $8 + 0 = 8$

## Задача Е. Монеты Цезаря

Аня — страстный любитель ювелирных изделий. Ее коллекция насчитывает множество бриллиантов, изумрудов и алмазов. В том числе и бесценный змеиный рубин с диадемы Клеопатры, добытый две недели назад. И вот сегодня у неё появился новый шанс приобрести легендарные драгоценности.

На этот раз на чёрный рынок попали  $K$  золотых монет с оттиском личной печати Гая Юлия Цезаря. Как и в прошлый раз Аня не поскупилась и выкупила сразу  $N$  монет ( $N \geq K$ ), лишние из которых естественно являются фальшивыми.

У Ани есть весы, которые показывают суммарный вес положенных на них предметов. Зная, что настоящие монеты должны весить  $a$  грамм, а фальшивки, сделанные неумелыми спекулянтами,  $b$  грамм, помогите Ане определить минимальное число взвешиваний, необходимое для нахождения всех настоящих монет.

### Входные данные

В первой строке находится число  $T$  — количество тестов в файле. Следующие  $T$  строк содержат по 4 целых числа:  $N, K, a, b$  ( $1 \leq N \leq 100, 0 \leq K \leq N, 1 \leq a, b \leq 1000$ ).

### Результат

Для каждого теста найдите минимальное число взвешиваний, необходимое для выявления всех драгоценных монет. Найденные числа расположите в выходном файле по одному в строке.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
3	2
4 1 4 5	4
5 3 2 1	58
64 37 22 17	

## Задача F. Обратный алгоритм Евклида

С именем древнегреческого мудреца Евклида связано множество классических математических фактов. В своими трактатах он произвел множество исследований в планиметрии, стереометрии, теории чисел, теории музыки, астрономии, оптике, и многих других областях науки. Одним из его самых известных результатов является **алгоритм Евклида для нахождения наибольшего общего делителя**.

Наибольшим общим делителем двух натуральных чисел  $a$  и  $b$  называется наибольшее натуральное число НОД( $a, b$ ), которое делит оба числа. Опишем алгоритм Евклида на псевдокоде:

```
если a < b
    обменять местами a и b

пока b > 0
    c = остаток от деления a на b
    a = b
    b = c

вернуть a как результат
```

Ваша задача — подобрать пару натуральных чисел  $a$  и  $b$  таких, что алгоритм Евклида, отработав на них, произведет ровно  $N$  операций взятия остатка.

### Входные данные

В единственной строке задано натуральное число  $N$ .

### Результат

Выведите два натуральных числа  $a$  и  $b$  через пробел. Если возможных ответов — несколько, вы можете вывести любую подходящую пару чисел. Запись каждого из чисел должна содержать не более ста цифр.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
4	42 66

## Задача G. Сериал

На протяжении последних трёх недель телеканал «Домосед» стремительно терял свою популярность. Чтобы хоть как-то исправить ситуацию и удержать у экранов оставшихся телезрителей, директор канала принял решение о необходимости запуска нового долгосрочного телевизионного сериала.

После долгих совещаний были выдвинуты следующие требования к снимаемому сериалу:

- В сериале должны присутствовать не более  $K$  действующих лиц (это позволит сэкономить на зарплате актёров)
- В первой серии один из главных героев узнаёт некую тайну (это придаст мистичности сюжету)
- В каждой серии сериала должно происходить какое-нибудь событие (это придаст сюжету насыщенности)
- В последней серии содержимое тайны раскрывается зрителю (это позволит удерживать зрителя в напряжении вплоть до самого конца)
- Сериал должен быть максимально продолжительным (это позволит телеканалу извлечь как можно больше выгоды)

Более того, чтобы не утруждать мозг зрителя пониманием происходящего, события в сериале было решено ограничить только тремя типами:

1. Один персонаж узнаёт тайну
2. Один персонаж узнаёт, что кто-то из других персонажей не знает тайну
3. Один персонаж узнаёт, что кто-то из других персонажей знает тайну

Разумеется, содержимое сериала должно быть непротиворечивым. Также, чтобы зрителю не стало скучно, решено было не делать двух серий с однотипными событиями подряд.

Вас хотят нанять в качестве главного сценариста и ваш оклад напрямую зависит от длины сериала.

### Входные данные

Во входном файле содержится число  $K$  – максимальное доступное число персонажей.

В тесте из условия  $K$  равно 2.

В первом тесте это число равно 4.

Во втором тесте это число равно 50.

### Результат

Ваша задача — написать максимально длинный сценарий сериала, удовлетворяющий вышеописанным требованиям.

$i$ -тая строка должна содержать описание события, происходящего в  $i$ -той серии. Описание событий должно удовлетворять следующему формату:

Для событий типа 1:

Character  $i$  finds out the secret.

Для событий типов 2 и 3 соответственно:

Character  $i$  finds out that character  $j$  does not know the secret.

Character  $i$  finds out that character  $j$  knows the secret.

Где  $i$  и  $j$  — номера двух различных персонажей.

Последняя строка (описание серии, в которой тайна открывается зрителю) должна иметь вид:

The end. No secret now!

## Пример

Входные данные	Выходные данные
2	Character 1 finds out the secret. Character 2 finds out that character 1 knows the secret. Character 1 finds out that character 2 does not know the secret. Character 2 finds out the secret. Character 1 finds out that character 2 knows the secret. The end. No secret now!

Данная задача оценивается следующим образом:

Если выходной файл не соответствует описанным критериям, то за данный тест ставится 0 баллов.

Первый тест оценивается в 30 баллов. Эти баллы ставятся только если количество строк в сценарии участника совпадает с количеством строк в составленном жюри.

Максимальная оценка за второй тест — 70 баллов. Баллы, начисляемые участнику, вычисляются по формуле:  $score = 70 * competitor\_series / jury\_series$ . Где  $competitor\_series$  — количество строк в сценарии участника, а  $jury\_series$  — количество строк в ответе жюри.